## 3 (Sem-1/CBCS) ECO HC 2

## 2022

## ECONOMICS

( Honours )
Paper : ECO-HC-1026
(Mathematical Methods in Economics-I )
Full Marks : 80
Time: 3 hours
The figures in the margin indicate full marks for the questions

Answer either in English or in Assamese

1. Answer any ten of the following questions as directed :

(a) How many subsets can be formed from a set of $n$ elements?
 উभসৃহতি পাব পাবি?
(b) Write yes or no :

Is $y=b^{x}$ an exponential function? एश न न नखण बिखा:

$$
y=b^{x} \text { aठा भूচबी़्र घलन इ्यनে? }
$$

## $(2)$

(c) If $y=f(x)=b$ is a constant, then what will be $\lim _{x \rightarrow M} y$ ?

यमि $y=f(x)=b$ এটা ঞ্রুব্বক হয়, তেন্大ে $\lim _{x \rightarrow M} y$ কি হ’ব?
(d) State the relationship among average revenue (AR), marginal revenue (MR) and elasticity of demand (ed).
গড় আয় (AR), প্রান্তিক আয় (MR) আক চাহিদাব স্থিতিস্থাপকতা (ed)ব মাজব সম্পর্কটো লিখা।
(e) State ordered pair.

ক্রমিত যোবা কি, লিখা।
(f) Write true or false :

खদ্ধ নে অखদ্ধ লিখা :

$$
\phi=\{0\}
$$

(g) What will be the elasticity of demand of the function $D=10 p^{-5}$ ?
$D=10 p^{-5}$ ফলनটোব চাशিদাব স্থিতিস্থাপকতা কি「'य?

## $(3)$

(h) Find:

निर्ण़श क्या :

$$
\int_{1}^{2} e^{x} d x
$$

(i) Write true or false : एक্ধ নে অखক্ধ निथा :

$$
(A \cup B)^{\prime}=A^{\prime} \cap B^{\prime}
$$

(j) Choose the correct option :

Marginal revenue product of labour (MRPL) $=$ $\qquad$ $\times$ Marginal physical product of labour (MPPL).
[ Total revenue (TR) / Marginal revenue (MR) ]
खुদ্ধ বিকপ্পটো বাছি লিখা :

[ সर्বমু जाয় (TR) / প্রाठ्ठिক आय़ (MR)]
(k) Write a power function. बढा घाजाएक यमनन निथा।

## 14 )

(l) Find the value of $3^{\frac{1}{4}} \cdot 3^{\frac{1}{2}}$. $3^{\frac{1}{4}} \cdot 3^{\frac{1}{2}}$ ब মান উলিওরা।
(m) Write yes or no :

Is $(3+\sqrt{ } 2)(3-\sqrt{ } 2)$ an irrational number?
হয় নে নহয় निখা :
$(3+\sqrt{ } 2)(3-\sqrt{ })$ बটা অপबিমেয় সংখ্যা হ্যনে?
(n) Evaluate :

মান নির্ণয় কবা :

$$
\int \frac{1}{x^{5}} d x
$$

(o) Draw a rough sketch of a rectangular hyperbola of the function $x y=c$.
$x y=c$ यন্बनব আয়তাকাব পবাবৃন্তব এটা ণৃলমৃল नেষ जथকন ক্য।।
(p) Choose the correct option :

If the net investment $\mathbb{\|}(\mathrm{t}$ ) is given, then the time path of capital stock $K$ will be $\qquad$ .
[ differentiation of $\|(t) /$ integration

$$
\text { of } \Lambda t)]
$$

## 15 )

उद्र বিকল্লচো বা|ি बिथा :
यमि खुक्ध বिनिয়োগ $\boldsymbol{I t})$ मिয়ा था<ে, जেন্টে মूनथनी
জমा $K$ § গতিপข হ'ব $\qquad$ 1

(q) Given demand function $Q=500-5 P$, find out the price to sell 200 units.
চাহিদা ফ্नন $Q=500-5 P$ ব পবা 200 हो গোট বিক্রীব বাবে দब নির্বাবণ কবা।
(r) Obtain the second-order derivative of the function $y=x^{2}+2 x$.
$y=x^{2}+2 x$ ফननটোব পবা দ্বিठীয় মাত্রাব অবকनজ উनिওবা।
2. Answer any five of the following questions :

$$
2 \times 5=10
$$


(a) If the demand curve under perfectly competitive market is given by $P=a$, $a$ constant, show that it has perfectly elastic demand.
यमि शूब प्रणित्यिाभिजमृलक बजाबय णाशिया दেथा



## 16 )

(b) Find the Cartesian product $A \times B$ from the following two sets : एलত দিয়া সংহতি দুটাব পবা কাট্টেছীয়ান পৃবণফলन $A \times B$ निर्ণয় কबা :

$$
A=\{a, b\}, B=\{p, q, r\}
$$

(c) Verify :

সত্যাসত্য নিকপণ কবা :

$$
C=\int_{0}^{b} \frac{c}{b} d x
$$

(d) Why is a constant added in integration of a function?
ফ্নন এটাব সমাকননব বাবে এটা ধ্রেবক কিয় যোগ কবা इश?
(e) Draw a Venn diagram to show $A \cap B$. $A \cap B$ দেभুরাবলৈ এটা ডেন চ্চি অংকন কবা।
(f) Define quasi-convex function. উত্তল-সদৃশ यলनন সংख্জা फिয়া।
(g) Find the differential of the function $y=5 x^{2}+10 x-8$.
$y=5 x^{2}+10 x-8$ एलनটোব পबा অबকल निণ্য बबा।

## $(7)$

(h) Find $\frac{\partial y}{\partial x_{1}}$ and $\frac{\partial y}{\partial x_{2}}$ of the following function :

उनब ফलनটোব পবা $\frac{\partial y}{\partial x_{1}}$ आক $\frac{\partial y}{\partial x_{2}}$ নिণ্য কबा :

$$
y=x_{1}^{2}+3 x_{1} x_{2}+5 x_{2}
$$

(i) Evaluate :

निबऱ्र কবা :

$$
\int \ln x d x
$$

(j) If the domain of the function $y=2+5 x$ is the set $\{x \mid 1 \leq x \leq 3\}$, what will its range be?
यमि
$y=2+5 x$
ফলনটোব
आদিক্কের্র $\{x \mid 1 \leq x \leq 3\}$ इয়, তেন্টে ইয়াब পবিসब কি হ'ব?
3. Answer any four of the following questions :

उलब প্রম্নসমৃহব यি কোনো চাবিটান উত্ত লিষা :
(a) Given $A=\{1,2,3,4,5\}, B=\{3,4,5,6,7\}$, find-

मिয়া आए $A=\{1,2,3,4,5\}, B=\{3,4,5,6,7\}$, निर्णয় कबा-
(i) $A \cup B$
(ii) $A \cap B$
(iii) $A^{\prime} \cap B$
(iv) $(A-B)$
$1+1+1+2=5$
(b) Evaluate:

निক্য় কবা :

$$
\lim _{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+2 x}-\sqrt{1-2 x}}{x}
$$

(c) If $Q=A K^{\alpha} L^{\beta}$ and $\alpha+\beta=1$, then show that

$$
K \frac{\partial Q}{\partial K}+L \cdot \frac{\partial Q}{\partial L}=Q
$$

यमि $Q=A K^{\alpha} I^{\beta}$ इয় आ< $\alpha+\beta=1$ इয়, তেণ্大ে
ศেश्बा थে अभूप्वा यে

$$
K \frac{\partial Q}{\partial K}+L \cdot \frac{\partial Q}{\partial L}=Q
$$

A23/448

## 191

(d) A function is defined as follows: এढা ফম্ননब সংজ্ঞা তলত দিয়া আহহ :

$$
\begin{array}{rlrl}
f(x) & =x^{2} & , & x<1 \\
& =2 \cdot 5, & x=1 \\
& =x^{2}+2, & x>1
\end{array}
$$

Is $f(x)$ continuous at $x=1$ ?
ষ্নन $f(x)$ টে, $x=1$ বিদ্দুত अবিচ্ছিন্দ इয়নে?
(e) Find the total differential $d y$ of the function $y=x_{1}^{2} x_{2}-2 x_{1}^{3}+x_{2}^{2}$.
$y=x_{1}^{2} x_{2}-2 x_{1}^{3}+x_{2}^{2}$ एननটোब সর্বমুঠ অরকन $d y$ निबर्ग কबा।
(f) Find the relative extrema of the following function :
চ্নब ফ্নनটোব পবা আপেभिক চबম মান উলিওবা :

$$
y=f(x)=x^{3}-12 x^{2}+36 x+8
$$

(g) Find four second-order partial derivatives of the following function :
 अबকनজ উविऊवा :

$$
y=2 x_{1}^{2}-3 x_{1} x_{2}^{3}+x_{2}
$$

## (10)

(h) Show that the curve

$$
y=f(x)=a x^{3}+b x^{2}+c x
$$

can have a point of inflexion at $x=-\frac{b}{3 a}$.
$y=f(x)=a x^{3}+b x^{2}+c x$ বেখাডালব $x=-\frac{b}{3 a}$
বিদ্দুত নতি পবিরর্তন হ’ব পাবে বুলি দেখুরাই দিয়া।
4. Answer any four of the following questions :
$10 \times 4=40$
তলব প্রশ্নসমূহব यি কোনো চাবিটাব উত্তব লিখা :
(a) Evaluate :
$2+2+2+2+2=10$
निণ্র কबा :
(i) $\frac{d}{d x}(2+3 x)^{5}$
(ii) $\frac{d}{d x}\left(5 \log x+10 e^{3 x}-\frac{1}{x}+\frac{2}{7} x^{-2}\right)$
(iii) $\int x e^{x} d x$
(iv) $\frac{d}{d x}\left[\left(2 x^{3}+2\right) x^{-1}\right]$
(v) $\int_{-1}^{3}\left(2 x^{2}+5\right) d x$

## ( 11 )

(b) Given the price equation
$P=1000-20 Q$, find the following :

$$
2+2+2+3+1=10
$$

$P=1000-20 Q$ দब সমীকबণটোব পবা তলত দিয়াবোব নির্ণয় কবা :
(i) Marginal revenue (MR) প্রাম্তিক আয় (MR)
(ii) Slope of average revenue (AR)

গড় আয় (AR)ব নতি
(iii) Slope of MR

প্রান্তিক আয় (MR)ব নতি
(iv) Elasticity of demand when $Q=10$ $Q=10$ হ'লে চাহিদাব স্থিতিস্থাপকতা
(v) Nature of the commodity সামগ্রীটোব প্রকৃতি
(c) State and prove the quotient rule of differentiation. Establish the relationship between average cost ( AC ) and marginal cost (MC) using the product rule of differentiation.

$$
5+5=10
$$





## ( 12 )

(d) Find $\frac{d y}{d x}$ of the function $y=10 x^{2}+5$ using the definiton of derivative.

অबকলজব সংष্ঞা প্রয়োগ কবি $y=10 x^{2}+5$
ফ্লনটোব $\frac{d y}{d x}$ উनिওবা।
(e) A steel plant produces $x$ tons of steel per week at total cost of

$$
=\left(\frac{1}{3} x^{3}-5 x^{2}+99 x+35\right)
$$

Find the output level at which the marginal cost attains its minimum.

এটা ষ্টিন কাবখানাই সর্বমুঠ

$$
\left(\frac{1}{3} x^{3}-5 x^{2}+99 x+35\right) \text { টকাब }
$$

ব্যয়ত প্রতি সপ্তাহত $x$ টন ষ্টিল উৎপাদন কবে। প্রাচ্টিক ব্যয় সর্বনিম্ন হোবাব উৎপাদনব পবিমাণ নির্ণয় কবা।
(f) A monopolist's average revenue (AR) and total cost (TC) functions are given by

$$
\begin{aligned}
& A R=16-2 Q \\
& T C=20+4 Q-Q^{2}
\end{aligned}
$$

## ( 13 )

এগবাকী একচেটীয়া বিত্রেতাব গড় আায় (AR) আক মুঠ


$$
\begin{aligned}
& A R=16-2 Q \\
& T C=20+4 Q-Q^{2}
\end{aligned}
$$

Find-
निर्ণয় কবা-
(i) profit maximising output;

সর্বোচ্চ লাভ অর্জনকাবী দ্রব্যব উৎপাদনব পবিমাণ;
(ii) equilibrium price;

ভাবসাম্য দব;
(iii) maximum profit.

সর্বোচ্চ লাভ।
(g) The production function of a commodity is given by

$$
Q=40 L+3 L^{2}-\frac{L^{3}}{3}
$$

where $Q$ is the total output and $L$ is the labour input.
बढা সামগ্ীীব উৎপাদন ফলन দিয়া సৈহে बে

$$
Q=40 L+3 L^{2}-\frac{L^{3}}{3}
$$

## ( 14 )

য’ত $Q$ रৈছে মুঠ উৎপাদন আক $L$ रूহে শ্রমব উপাদান।
(i) Find the number of units of labour required to produce the maximum output.

সর্বোচ্চ উৎপাদনব বাবে কিমান শ্রমব গোটব প্রয়োজন হ’ব, উলিওবা।
(ii) Find the maximum value of the marginal product of labour.

শ্রমব প্রান্তিক উৎপাদনব সর্বোচ্চ মান উলিওবা।
(iii) Verify that when average product of labour (APL) is maximum, it is equal to marginal product of labour (MPL). $\quad 4+3+3=10$

শ্রমব গড উৎপাদন (APL) সর্বোচ্চ হ'লে ই শ্রমব প্রান্তিক উৎপাদন (MPL) ব সমান হয় বুলি প্রতিপন্ন কबा।
(h) Obtain the consumer's surplus and producer's surplus, given the demand function $Q_{d}=50-2 P, \quad Q_{s}=-10+2 P$ and price, $P=20$.


## ( 15 )

(i) Give the geometric interpretation of definite integrals. Find the consumption function $C(Y)$, given marginal propensity to consume (MPC), $C^{\prime}(Y)=0 \cdot 8+0 \cdot 1 Y^{-\frac{1}{2}}$ and the information that $C=Y$ when $Y=100$.

সীমিত অনুকলনब জ্যামিতিক ব্যাখ্যা আগবजোরা। यदि ভোগব্যয়ब প্রান্তিক প্ররণতা (MPC), $C^{\prime}(Y)=0 \cdot 8+0 \cdot 1 Y^{-\frac{1}{2}}$ इड़ आা यमि $Y=100$
इ'बে $C=Y$ इয়, তেষ্ঠে তোগব্যয় ফলন $C(Y)$ উলিওবা।

